Curso de Física Estatística - 5^a Lista Prof. Anna Chame

• (\sim Salinas 7.2) Considere um gás clássico ultra-relativístico, contido em um recipiente de volume V, em contato com um reservatório térmico e de partículas (que define a temperatura T e o potencial químico μ). O hamiltoniano do sistema é

$$H = \sum_{i=1}^{N} c |\vec{p_i}|$$

onde c (velocidade da luz) é uma constante positiva.

- a) Obtenha a grande função de partição e o grande potencial termodinâmico associado ao sistema.
- b) Por meio de uma transformada de Legendre do grande potencial termodinâmico, obtenha a energia livre de Helmholtz do sistema e a compare com o resultado que se obtém no ensemble canônico para o gás ultra-relativístico (Prob. 6.1)
- (\sim Salinas 7.6) A uma determinada temperatura T, uma superfície com N_0 centros de adsorção tem $N \leq N_0$ moléculas adsorvidas. Supondo que não haja interação entre as moléculas e que uma partícula adsorvida tenha energia $-\epsilon$, mostre que o potencial químico do gás adsorvido pode ser escrito na forma

$$\mu = k_B T ln \left[\frac{N}{(N_0 - N)e^{\beta \epsilon}} \right]$$

 \bullet (\sim Salinas 7.1) - Mostre que a entropia no ensemble grande canônico pode ser escrita na forma

$$S = -k_B \sum_j P_j ln P_j$$

com a probabilidade P_j dada por

$$P_j = \frac{e^{-\beta E_j + \beta \mu N_j}}{\Xi}$$

Mostre que a mesma expressão vale também nos ensembles microcanônico, canônico e das pressões (com a distribuição de probabilidades adequada em cada caso).